

大阪工業大学大学院

<工学研究科博士前期課程>

2025年度第2回一般入試

解答例

電気電子・機械工学専攻

電気電子工学コース

2025 年度 大阪工業大学大学院工学研究科 電気電子・機械工学専攻
電気電子工学コース 第 2 回一般入学試験解答用紙 (電磁気学)

受験番号 _____

【注意】 問題 1. と問題 2. は各々、別の解答用紙に解答すること。

名前は記入しないこと。記入すると失格になります。

問題 1.

(1)

$-Q$ [C] (単位長さあたりの電荷の総量であるので、 $-Q$ [C/m] としても可。)

(2)

A: $\frac{Q}{\epsilon_0}$ [本] B: 0 [本] (単位長さあたりの電荷の総量であるので、 Q/ϵ_0 [本/m] としても可。)

(3)

$$E(r) = \frac{Q}{2\pi\epsilon_0 r} \text{ [V/m]}$$

(4)

外導体が接地されているので、電位 $V_D = 0$ となる。

$$\text{この点を基準とすると、} V(r) = -\int_D^r E(r') dr' = -\frac{Q}{2\pi\epsilon_0} [\log_e r]_D^r = \frac{Q}{2\pi\epsilon_0} \left(\log_e \frac{D}{r} \right) \text{ [V]}$$

(5)

$$Q = \frac{2\pi\epsilon_0}{\log_e \left(\frac{D}{d} \right)} V_0 \text{ [C]} \text{ (単位長さあたりの電荷量であるので、単位を [C/m] としても可。)}$$

(6)

$$C = \frac{2\pi\epsilon_0}{\log_e \left(\frac{D}{d} \right)} \text{ [F]} \text{ (単位長さあたりの静電容量なので、単位を [F/m] としても可。)}$$

(7)

$$C = \epsilon_r \times \frac{2\pi\epsilon_0}{\log_e \left(\frac{D}{d} \right)} = \frac{4.6\pi\epsilon_0}{\log_e \left(\frac{D}{d} \right)} \text{ [F]}$$

(単位長さあたりの静電容量なので、単位を [F/m] としても可。)

受験番号 _____

【注意】問題 1. と問題 2. は各々、別の解答用紙に解答すること。
名前は記入しないこと。記入すると失格になります。

問題 2.

- (1) 電線のみ一定電流 I_1 が図のような方向に流れているとき、導線の任意の点から水平方向に距離 r での磁界の大きさ H を求めよ。

解答

アンペアの法則より

$$\oint H \cdot dl = H \cdot 2\pi r = I_1$$

$$H = \frac{I_1}{2\pi r}$$

- (2) 電線に一定電流 I_1 、コイルに一定電流 I_2 が時計回りに流れているとする。コイルの辺 AB と辺 CD において、 I_1 が作る磁界により発生する力 F_{AB} 、 F_{CD} の大きさとそれらの向きを求めよ。ただし、向きについては、上下左右のいずれかで答えよ。

解答

辺 AB、CD の受ける力は、 $d\mathbf{F} = \mathbf{I} \times \mathbf{B}dl$ より、(辺 BC、AD については $F = 0$ となるので考えなくても良い)

$$F_{AB} = I_2 \mu_0 H_{AB} b = I_2 \mu_0 \frac{I_1}{2\pi x} b = \frac{\mu_0 I_1 I_2 b}{2\pi x} \quad (\text{左方向, 引力})$$

$$F_{CD} = I_2 \mu_0 H_{CD} b = I_2 \mu_0 \frac{I_1}{2\pi(x+a)} b = \frac{\mu_0 I_1 I_2 b}{2\pi(x+a)} \quad (\text{右方向, 斥力})$$

- (3) コイル全体で受ける力 F の大きさとその向きを答えよ。

解答

$$\begin{aligned} F &= F_{AB} - F_{CD} = \frac{\mu_0 I_1 I_2 b}{2\pi x} - \frac{\mu_0 I_1 I_2 b}{2\pi(x+a)} = \frac{\mu_0 I_1 I_2 (x+a-x)b}{2\pi x(x+a)} \\ &= \frac{\mu_0 I_1 I_2 ab}{2\pi x(x+a)} \quad (\text{左方向}) \end{aligned}$$

- (4) 電線に流れる電流によってコイル内に作られる磁束 Φ を求め、また電線とコイルの間の相互インダクタンス M を求めよ。

解答

電線によってコイルに作られる磁束 Φ は、

$$\Phi = BS = \int_x^{x+a} \mu_0 \frac{I_1}{2\pi r} b dr = \frac{\mu_0 I_1 b}{2\pi r} [\log r]_x^{x+a} = \frac{\mu_0 I_1 b}{2\pi} \log \frac{x+a}{x}$$

相互インダクタンス M は、

$$M = \frac{\Phi}{I_1} = \frac{\mu_0 b}{2\pi} \log \frac{x+a}{x}$$

- (5) 電線のみになんらかの一定電流 I_1 が流れていて、コイルの電流は $I_2 = 0$ であるとき、コイルが $dx/dt = v > 0$ の速さで、同一平面上を I_1 と直角の向きに I_1 から遠ざかるように移動するとき、コイルに発生する起電力 V の大きさを求めよ。

解答

$$\begin{aligned} V &= -\frac{d\Phi}{dt} = -\frac{d}{dt} \left(\frac{\mu_0 I_1 b}{2\pi} \log \frac{x+a}{x} \right) = -\frac{\mu_0 I_1 b}{2\pi} \frac{d}{dx} \{ \log(x+a) - \log x \} \frac{dx}{dt} \\ &= -\frac{\mu_0 I_1 b}{2\pi} \left(\frac{1}{x+a} - \frac{1}{x} \right) v \end{aligned}$$

2025 年度 大阪工業大学大学院工学研究科 電気電子・機械工学専攻
電気電子工学コース 第 2 回一般入学試験解答 (電気回路)

受験番号

問題 1.

(1)

$$\text{ループ I : } E_1 - E_2 = I_1 R_1 + I_1 R_2 - I_2 R_2 = (R_1 + R_2)I_1 - R_2 I_2$$

$$\text{ループ II : } E_2 = -I_1 R_2 + I_2 R_2 + I_2 R_x = -R_2 I_1 + (R_2 + R_x)I_2$$

(2) (1) の両式を連立させて

$$I_2 = \frac{R_1 E_2 + R_2 E_1}{R_1 R_2 + R_1 R_x + R_2 R_x}$$

$$(3) \quad P_x = I_2^2 R_x = \left(\frac{R_1 E_2 + R_2 E_1}{R_1 R_2 + R_1 R_x + R_2 R_x} \right)^2 R_x = \frac{(R_1 E_2 + R_2 E_1)^2}{\frac{R_1^2 R_2^2}{R_x} + (R_1 + R_2)^2 R_x + 2R_1(R_1 + R_2)}$$

(4) (3) の分母を $f(R_x)$ とおくと, 分母が最小 $\rightarrow P_x$ が最大となるので, $f(R_x)$ の極値を求める

$$\frac{d}{dR_x} f(R_x) = -\frac{R_1^2 R_2^2}{R_x^2} + (R_1 + R_2)^2 = 0 \rightarrow R_x = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

$R_1 = R_2 = 1 \Omega$, $E_1 = E_2 = 1V$ のとき, $R_x = 1/2 \Omega$ となり $P_x = \frac{1}{2} W$

第2回入試 電気回路 問題2 解答例：

(1)

$$Z_i = \frac{j \bullet j}{j + j} = \frac{-1}{2j} = \frac{1}{2}j$$

$$Ij + Ve^{j\theta} - V + Ij = 0 \quad I = \frac{1}{2j}(V - Ve^{j\theta})$$

$$V_i = Ij + Ve^{j\theta} = \frac{1}{2j}(V - Ve^{j\theta})j + Ve^{j\theta} = \frac{1}{2}V(1 + e^{j\theta})$$

(2)

$$V_c = V_i \frac{-j}{-j + Z_i} = \frac{1}{2}V(1 + e^{j\theta}) \frac{j}{j - \frac{1}{2}j} = V(1 + e^{j\theta})$$

(3)

$$|V_c| = |V(1 + e^{j\theta})| = V\sqrt{(1 + \cos\theta)^2 + \sin^2\theta} = V$$

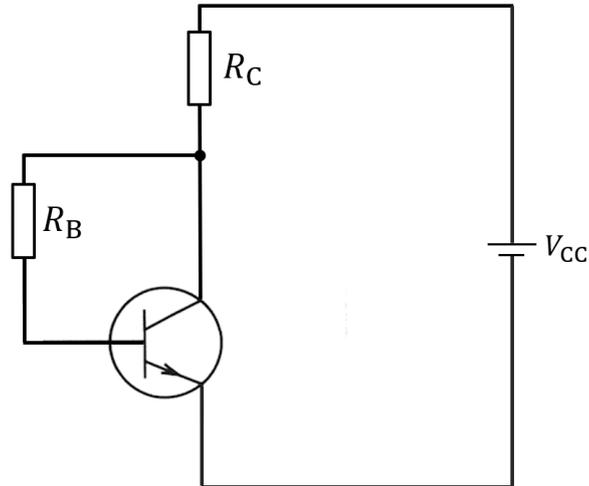
$$1 + 2\cos\theta + \cos^2\theta + \sin^2\theta = 1$$

$$\cos\theta = \frac{-1}{2}$$

$$\theta = 120^\circ, 240^\circ$$

問題 1

(1)



(2)
$$I_B = \frac{V_{CE} - V_{BE}}{R_B}$$

(3)
$$I_B = \frac{V_{CC} - R_C I_C - V_{BE}}{R_B}$$

もし温度上昇などで I_C が増加しようすると、問い (3) で得られた式から自動的に I_B が減少して I_C の増加が妨げられる。従ってこの回路は 電圧 帰還バイアス回路とも呼ばれ、固定バイアス回路よりもバイアスが安定する。欠点として入力 インピーダンス や 利得 が低下する。

2025 年度 大阪工業大学大学院工学研究科 電気電子・機械工学専攻
 電気電子工学コース 第 2 回一般入学試験解答用紙 (電子回路)

受験番号 _____

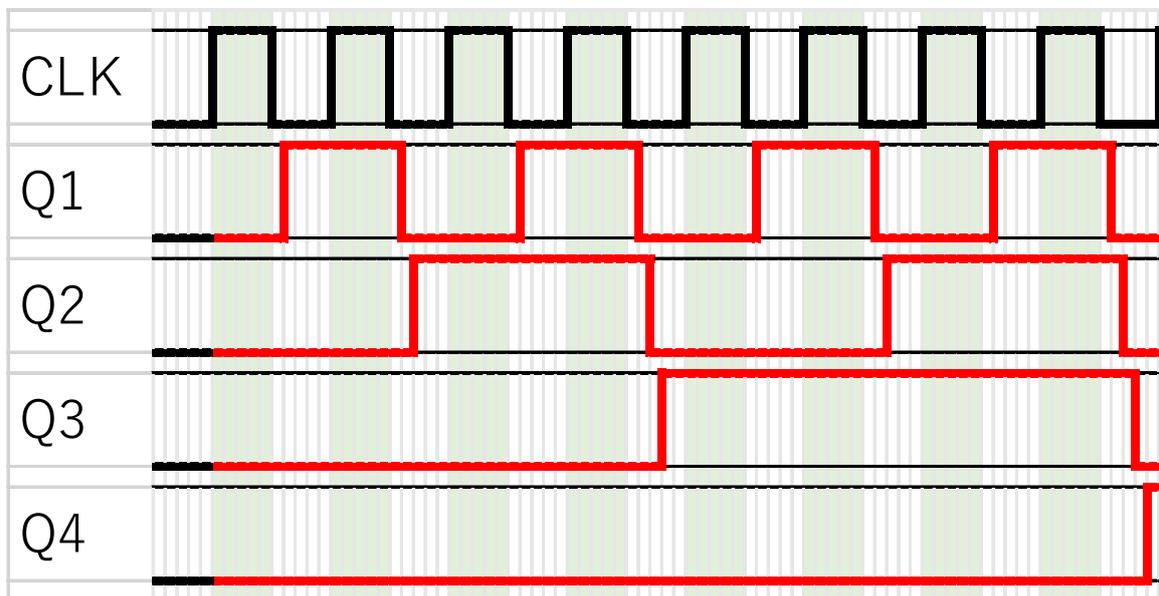
【注意】問題 1. と問題 2. は各々、別の解答用紙に解答すること。
 名前は記入しないこと。記入すると失格になります。

問題 2.

(1)

入力				出力	
CK	$\overline{\text{CLR}}$	J	K	Q	\overline{Q}
↓	1	0	0	変化しない	変化しない
↓	1	0	1	0	1
↓	1	1	0	1	0
↓	1	1	1	反転	反転

(2)



(3)

$$\overline{\text{CLR}} = \overline{Q_1 Q_2 Q_3 Q_4}, \quad \overline{Q_4 Q_2}$$

(4)

後ろの JK-FF ほど遅延が蓄積し、CLK 信号に対し出力が変化するまでに時間がかかる。

2025 年度 第 2 回一般入試 電気数学 問題 1 解答

工学研究科 電気電子・機械工学専攻 電気電子工学コース

問題 1.

$$(1) -\frac{a}{2} \pm \sqrt{\frac{a^2}{4} - b}$$

$$(2) \frac{a^2}{4} < b, \omega = \sqrt{b - \frac{a^2}{4}}$$

(3) ア

$$(4) \frac{1}{Q-P} \ln \frac{Q}{P}$$

受験番号 _____

【注意】問題1. と問題2. は各々、別の解答用紙に解答すること。

名前は記入しないこと。記入すると失格になります。

問題2.

(1)

$$F(\omega) = \int_{-\frac{T}{2}}^{\frac{T}{2}} A e^{-j\omega t} dt = A \left[\frac{e^{-j\omega t}}{-j\omega} \right]_{-T/2}^{T/2} = \frac{2A}{\omega} \sin\left(\frac{\omega T}{2}\right) = AT \frac{\sin\left(\frac{\omega T}{2}\right)}{\frac{\omega T}{2}}$$

(2)

$$F(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-|t|} e^{-j\omega t} dt = \int_{-\infty}^0 e^{(1-j\omega)t} dt + \int_0^{\infty} e^{-(1+j\omega)t} dt \\ = \frac{1}{1-j\omega} + \frac{1}{1+j\omega} = \frac{2}{\omega^2 + 1}$$

(3)

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{(\omega^2 + 1)^2} d\omega = 2\pi \int_0^{\infty} \left(\frac{1}{2} e^{-|t|}\right)^2 dt = \pi \int_0^{\infty} e^{-2t} dt = \frac{\pi}{2}$$

(4)

$$U(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{2} e^{-j\omega t} dt + \int_{-\infty}^0 \left(-\frac{1}{2}\right) e^{-j\omega t} dt + \int_0^{\infty} \frac{1}{2} e^{-j\omega t} dt \\ = \frac{1}{2} \delta(\omega) + \left[\frac{e^{-j\omega t}}{2j\omega} \right]_{-\infty}^0 + \left[\frac{e^{-j\omega t}}{-2j\omega} \right]_0^{\infty} = \frac{1}{2} \delta(\omega) + \frac{1}{j\omega}$$

(5)

$$F(\omega) = \int_0^{\infty} e^{-at} e^{-j\omega t} dt = \int_0^{\infty} e^{-(a+j\omega)t} dt = \left[\frac{e^{-(a+j\omega)t}}{-(a+j\omega)} \right]_0^{\infty} = \frac{1}{a+j\omega}$$