

大阪工業大学大学院

<工学研究科博士前期課程>

2025 年度一般入試問題

電気電子・機械工学専攻

電気電子工学コース

<第1回入試>

問 題

【注意】問題 1. と問題 2. は各々、別の解答用紙に解答すること。

問題 1. 図 1-1 に示すように、面積 S の平行平板コンデンサの電極の一方に導体のばねを接続し、その両端に電源を接続して一定の電圧 V を印加した。固定された電極 1 から可動する電極 2 までの距離を x として、 x が振動数 ω で変化するとき、 x は時刻 t のとき $x = a + b \sin \omega t$ ($a > b > 0$) で表されるとする。ただし、ばねのリアクタンス成分は無いものとして、極板間は真空（誘電率 ϵ_0 ）で電極の面積は十分広く、電極端の電界の乱れは無視できるものとする。このとき、以下の問いに答えよ。解答に際しては、時刻 t の関数として解答すること。

- (1) 時刻 t における静電容量 $C(t)$ を求めよ。
- (2) 電極 2 の表面電荷 $Q_2(t)$ を求めよ。
- (3) 電極間の電界 $E(t)$ を求めよ。
- (4) 電極間の電束密度 $D(t)$ を求めよ。
- (5) 電極間に蓄えられる静電エネルギー $U(t)$ を求めよ。
- (6) 電極間に働く静電気力 $F(t)$ を求めよ。
- (7) 電極間を流れる変位電流 $I_D(t)$ を求めよ。

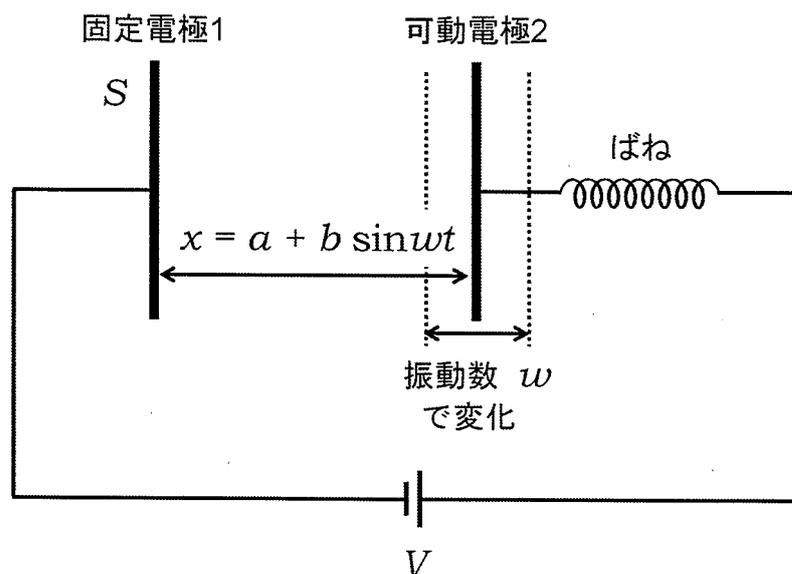


図 1-1

【注意】問題1. と問題2. は各々、別の解答用紙に解答すること。

問題2. 以下の問いに答えよ。解答には必ず導出過程と単位を記すこと。
 ただし、真空の透磁率は μ_0 [H/m]とする。

(1) 電荷 q [C]、質量 m [kg] をもつ粒子が速度 $\mathbf{v} = \begin{pmatrix} v_x \\ v_y \\ 0 \end{pmatrix}$ [m/s] で真空中を等速運動

している。空間に磁界 $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ B_z \end{pmatrix}$ [Wb/m²] がかった時、電荷が磁界から受ける力 \mathbf{F} [N] をもとめよ。

(2) (1) のとき、一様な xy 方向に電界 $\mathbf{E} = \begin{pmatrix} E_x \\ E_y \\ 0 \end{pmatrix}$ [V/m] をかけた場合、磁界中

の電荷の受ける力 \mathbf{F} [N] をもとめよ。

(3) 実際には、物質に低電圧を印加した場合、物質中で加速された電荷は一定時間 τ 経過後には散乱を受け運動量 $\mathbf{p} = m\mathbf{v}$ [N·s] を失うとみなすことができる。

速度の時間微分が加速度 $\mathbf{a} = \frac{\partial}{\partial t} \mathbf{v}$ [m/s²] であることに注意して、速度に関する微分方程式を各成分でもとめよ。

(4) 実際の物質中では、平均的にみると電荷一定速度で運動しているように近似できる。この時 (3) で求めた式から、 E_x および E_y をもとめよ。

(5) 上記の時、流れる定常電流の電流密度 \mathbf{j} は $\mathbf{j} = nq\mathbf{v}$ [A/m²] とかける。一方で抵抗率 $\boldsymbol{\rho}$ [$\Omega \cdot \text{m}$] を用いて $\mathbf{E} = \boldsymbol{\rho}\mathbf{j}$ とかける。このときの抵抗率 $\boldsymbol{\rho}$ のテンソル各成分を求めよ。この際、 z 方向の電流は0とする。

(6) 上記のように物質を磁界中において一定方向に電流を流した際に、対角に電圧を生じる。図2-1のように、この性質を利用してキャリア密度やキャリアの種類を判定できる。この現象のことを何というか答えよ。

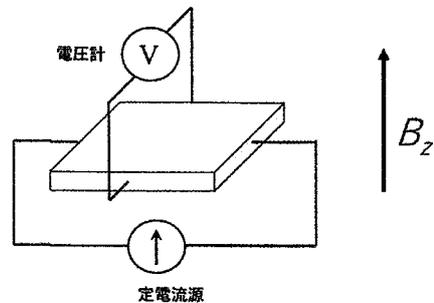


図2-1

【注意】問題 1. と問題 2. は各々、別の解答用紙に解答すること。

問題 1. 図 1-1 に示す回路について、以下の問に答えよ。

- (1) 図 1-1 の回路は大きさ R および $2R$ の抵抗と、起電力 E の直流電圧源で構成されている。図のようにループ I, II, III を設ける。それぞれのループに電流 I_1, I_2, I_3 が流れているとする。このとき、各ループの電気回路網方程式を示せ。
- (2) 電流 I_1, I_2, I_3 を求めよ。算出にあたり、必ずしも (1) を用いる必要はない。
- (3) 端子 a-b 間の電圧 V_0 を求めよ。電圧の向きは図のとおりとする。また端子 a-b 間の合成抵抗を求めよ。
- (4) 図 1-2 のように、図 1-1 の端子 a-b に大きさ R の抵抗を取り付けた。この抵抗に流れる電流 I_0 を求めよ。電流の向きは図のとおりとする。

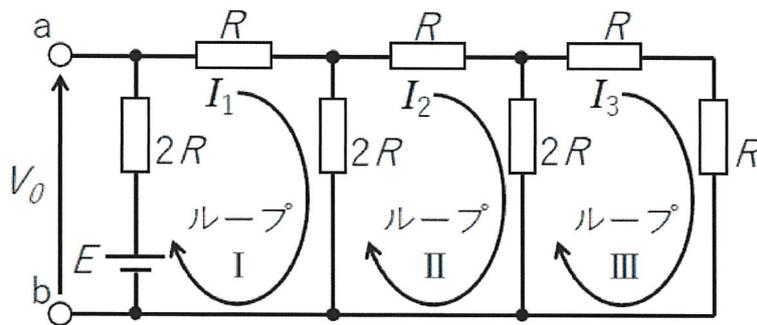


図 1-1

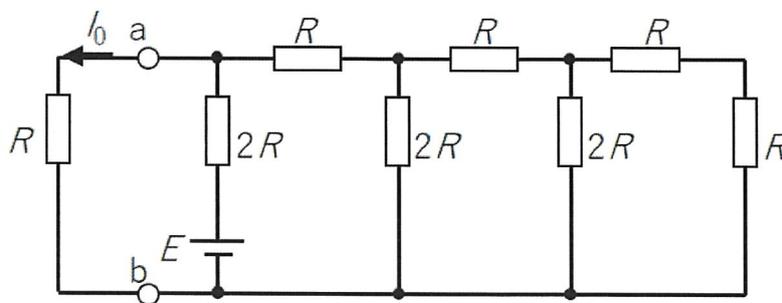


図 1-2

2025年度 大阪工業大学大学院工学研究科 電気電子・機械工学専攻
 電気電子工学コース 第1回一般入学試験問題 電気回路
 2024/7/6(土)

【注意】問題1. と問題2. は各々、別の解答用紙に解答すること。

問題2. 図2-1に示す角周波数 ω の正弦波交流電気回路について、次の各問いに答えよ。

- (1) 電流 $i(t)$ が電圧源 $e(t)$ と同相になる角周波数を求めよ。
- (2) テブナンの定理を用いて、抵抗 R を流れる電流 $i_R(t)$ のフェーザ表示 \dot{I}_R を求める。ただし、電圧源 $e(t)$ のフェーザ表示を \dot{E} とする。
- (i) 図2-2に示すように、 R 以外の回路を内部インピーダンス Z_i 、起電力 \dot{V}_i の電圧源と等価に置き換えることができる。 Z_i と \dot{V}_i を求めよ。
- (ii) 等価電圧源を用いて、 \dot{I}_R を求めよ。
- (3) $e(t) = 2\sqrt{2}\sin(1000t + 45^\circ)$ 、 $C = 1\text{mF}$ 、 $L = 1\text{mH}$ 、 $R = 1\Omega$ とする。 $i_R(t)$ を求めよ。

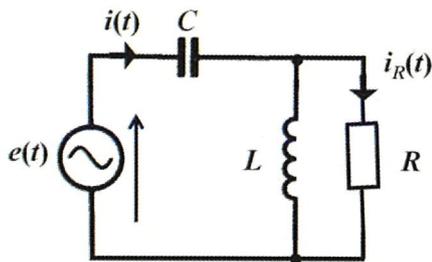


図2-1

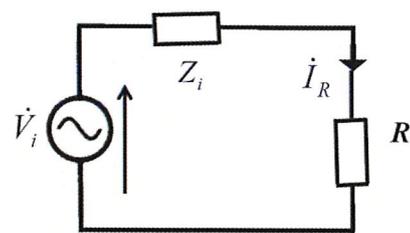


図2-2

【注意】問題1. と問題2. は各々、別の解答用紙に解答すること。

問題1. 図1-1に示すトランジスタ増幅回路において、以下の問いに答えよ。

- (1) 直流における等価回路を描け。
- (2) コレクタ直流電流 I_C とコレクタ・エミッタ間の直流電圧 V_{CE} の関係を式で示せ。ただし、エミッタ直流電流 I_E と I_C は同じと見なしてよい。
- (3) $V_{CC} = 5\text{ V}$, $R_A = 1\text{ k}\Omega$, $R_B = 4\text{ k}\Omega$, $R_C = 3\text{ k}\Omega$, $R_E = 320\ \Omega$ のとき、エミッタ直流電圧 V_E 、 I_C 、ベース直流電流 I_B 、 V_{CE} の値をそれぞれ求めよ。ただし、 $h_{FE} = 100$ 、ベース・エミッタ間の直流電圧 $V_{BE} = 0.6\text{ V}$ とする。

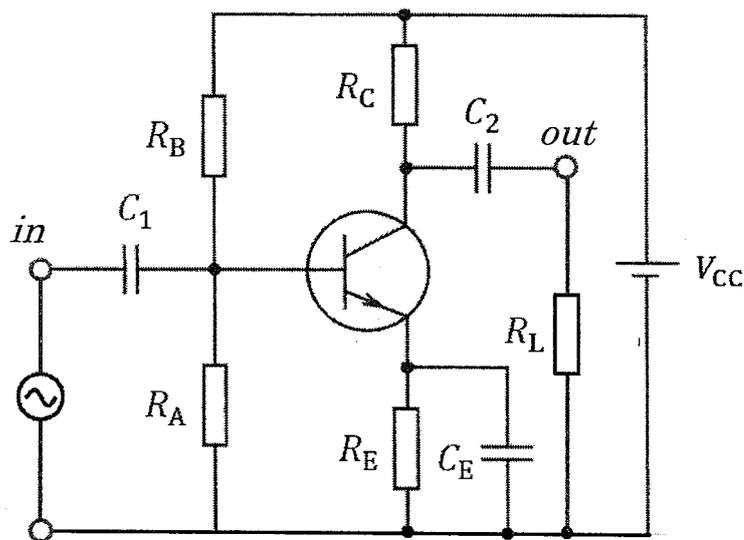


図 1-1

2025 年度 大阪工業大学大学院工学研究科 電気電子・機械工学専攻
電気電子工学コース 第1回一般入学試験問題 電子回路
2024/7/6(土)

【注意】問題1. と問題2. は各々、別の解答用紙に解答すること。

問題2. 下の真理値表で示される回路について、以下の問いに答えよ。

- (1) カルノー図を示し、論理式を導出せよ。
- (2) 加法（積和）標準形を示し、簡単化して（1）の論理式を導出せよ。
導出過程も示すこと。
- (3) 乗法（和積）標準形を示し、簡単化して（1）の論理式を導出せよ。
導出過程も示すこと。
- (4) 2 入力の NAND、AND、OR、XOR 論理記号を 5 つ以内で用いて、回路を描け。
- (5) この回路にふさわしい名称を次の（ア）～（エ）から選べ。
（ア）全加算器 （イ）3 入力 AND 回路
（ウ）3 入力 OR 回路 （エ）3 入力多数決回路

入力			出力
<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>Y</i>
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

【注意】問題1. と問題2. は各々、別の解答用紙に解答すること。

問題1. ベクトル場について次の問いに答えよ。

- (1) スカラー関数 $\phi(x, y, z)$ に対して、 ϕ の勾配 ($\text{grad } \phi$) は次のような式で表される。

$$\text{grad } \phi = \mathbf{i} \frac{\partial \phi}{\partial x} + \mathbf{j} \frac{\partial \phi}{\partial y} + \mathbf{k} \frac{\partial \phi}{\partial z}$$

($\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}$ はそれぞれ、 x, y, z 軸の正の向きの単位ベクトル)

ここで、

$$\phi = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

とするとき、 $\text{grad } \phi$ を求めよ。

- (2) ベクトル場 $\mathbf{a}(x, y, z) = a_x \mathbf{i} + a_y \mathbf{j} + a_z \mathbf{k}$ に対して、 \mathbf{a} の発散 ($\text{div } \mathbf{a}$) は次のような式で表される。

$$\text{div } \mathbf{a} = \frac{\partial a_x}{\partial x} + \frac{\partial a_y}{\partial y} + \frac{\partial a_z}{\partial z}$$

- (i) $\text{div } \mathbf{a}$ に関する次の記述のうち、適切なものを選べ。

- (ア) \mathbf{a} が電界ベクトルであるとき、 $\text{div } \mathbf{a} > 0$ であることは、その点における電荷密度が正であることを示す。
(イ) \mathbf{a} が磁界ベクトルであるとき、 $\text{div } \mathbf{a} > 0$ であることは、その点における電流密度が正であることを示す。
(ウ) \mathbf{a} が磁界ベクトルであるとき、 $\text{div } \mathbf{a} > 0$ であることは、その点における電界が減少していることを示す。

- (i i) $\mathbf{a} = \text{grad} (1/\sqrt{x^2 + y^2 + z^2})$ であるとき、原点以外での $\text{div } \mathbf{a}$ を求めよ。導出過程も示すこと。

【注意】問題1. と問題2. は各々、別の解答用紙に解答すること。

問題2. 関数 $f(t)$ のラプラス変換 $F(s)$ は次式で与えられる。以下の問いに答えよ。

$$F(s) = \mathcal{L}[f(t)] = \int_0^{\infty} f(t)e^{-st} dt$$

(1) $f(t) = \cos \omega t$ ラプラス変換を導出せよ。

(2) $F(s) = \frac{s-2}{s^2+5s+6}$ の逆ラプラス変換を求めよ。

関数 $f(t)$ の1次導関数、2次導関数をそれぞれ $f'(t)$ 、 $f''(t)$ とすると

$$\mathcal{L}[f'(t)] = s\mathcal{L}[f(t)] - f(0)$$

$$\mathcal{L}[f''(t)] = s^2\mathcal{L}[f(t)] - sf(0) - f'(0)$$

となる。この時、以下の問いに答えよ。

(3) $f(t) = e^{at} \sin \omega t$ のラプラス変換を求めよ。

(4) $f(t) = (t + \alpha)^4$ のラプラス変換を求めよ。