

大阪工業大学大学院

<工学研究科博士前期課程>

2026年度第1回一般入試

解答例

電気電子・機械工学専攻

電気電子工学コース

2025 年度 第 1 回一般入学試験問題 電磁気学

大阪工業大学大学院工学研究科 電気電子・機械工学専攻 電気電子工学コース

問題 1

(1)

$$-Q[\text{C}]$$

(2)

i) $0 < r < a$ のとき内部に電荷が 0 なので $E(r) = 0$

ii) $a < r < b$ のとき半径 r の球面の内部の電荷は Q [C] よりガウスの法則を用いて

$$4\pi r^2 \cdot E(r) = Q/\epsilon_0 \text{ したがって } E(r) = Q/4\pi\epsilon_0 r^2$$

iii) $b < r$ のとき内部に電荷は $+Q - Q = 0$ なので $E(r) = 0$

(3)

i) $0 \leq r < a$

$$\frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right)$$

ii) $a < r < b$

$$V(r) = - \int_b^r E(r') dr' = - \int_b^r \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r'^2} dr' = - \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left[-\frac{1}{r} \right]_b^r = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{b} \right)$$

iii) $b < r$

$$0$$

(4)

i) $0 \leq r < a$

$$0$$

ii) $a < r < b$

$$u_e = \frac{1}{2} \varepsilon_0 E^2 = \frac{1}{2} \varepsilon_0 \left(\frac{Q}{4\pi \varepsilon_0 r^2} \right)^2 = \frac{Q^2}{32\pi^2 \varepsilon_0 r^4}$$

iii) $b < r$

0

(5)

$$\begin{aligned} U &= \frac{1}{2} \int_{V'} \rho V dV' = \frac{1}{2} \rho \frac{Q}{4\pi \varepsilon_0} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right) \int_S ds = \frac{1}{2} \rho \frac{Q}{4\pi \varepsilon_0} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right) 4\pi a^2 \\ &= \frac{1}{2} \frac{Q}{4\pi a^2} \frac{Q}{4\pi \varepsilon_0} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right) 4\pi a^2 = \frac{Q^2}{8\pi \varepsilon_0} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right) \end{aligned}$$

受験番号 _____

【注意】 問題 1. と問題 2. は各々、別の解答用紙に解答すること。
 名前は記入しないこと。記入すると失格になります。

問題 2.

- (1) 磁極 $+m$ [Wb] の位置から点 P への位置ベクトル \mathbf{r}_p 、および磁極 $-m$ [Wb] の位置から点 P(0, a) [m] への位置ベクトル \mathbf{r}_m を単位ベクトル (\mathbf{i}, \mathbf{j}) を用いて表せ。また、ベクトル $\mathbf{r}_p, \mathbf{r}_m$ の大きさを答えよ。

$$\mathbf{r}_p = -a\mathbf{i} + a\mathbf{j} \quad , \quad \mathbf{r}_m = a\mathbf{i} + a\mathbf{j} \quad , \quad |\mathbf{r}_p| = \sqrt{2}a \text{ [m]} \quad , \quad |\mathbf{r}_m| = \sqrt{2}a \text{ [m]}$$

- (2) 磁極 $+m$ [Wb] および $-m$ [Wb] がそれぞれ点 P につくる磁界 \mathbf{H}_p [A/m] および \mathbf{H}_m [A/m] を単位ベクトル (\mathbf{i}, \mathbf{j}) を用いて表せ。

$$\mathbf{H}_p = \frac{1}{4\pi\mu_0} \frac{m}{r_p^2} \left(\frac{\mathbf{r}_p}{r_p} \right) = \frac{1}{4\pi\mu_0} \frac{m}{2a^2} \left(\frac{-\mathbf{i} + \mathbf{j}}{\sqrt{2}} \right) \text{ [A/m]}$$

$$\mathbf{H}_m = \frac{1}{4\pi\mu_0} \frac{-m}{r_m^2} \left(\frac{\mathbf{r}_m}{r_m} \right) = \frac{1}{4\pi\mu_0} \frac{-m}{2a^2} \left(\frac{\mathbf{i} + \mathbf{j}}{\sqrt{2}} \right) \text{ [A/m]}$$

- (3) 点 P における磁界 \mathbf{H} [A/m] を単位ベクトル (\mathbf{i}, \mathbf{j}) を用いて表せ。また、磁界 \mathbf{H} [A/m] の大きさを答えよ。

$$\mathbf{H} = \mathbf{H}_p + \mathbf{H}_m = \frac{1}{4\pi\mu_0} \frac{-m\mathbf{i}}{\sqrt{2}a^2} \text{ [A/m]} \quad \quad |\mathbf{H}| = \frac{1}{4\pi\mu_0} \frac{m}{\sqrt{2}a^2} \text{ [A/m]}$$

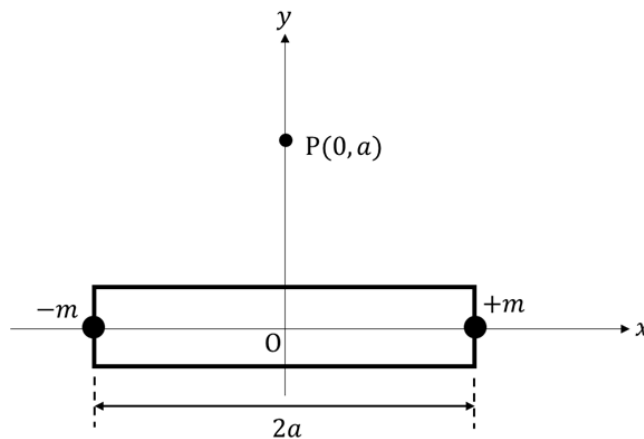


図 2 - 1

2026 年度 第 1 回一般入試 解答
工学研究科 電気電子・機械工学専攻 電気電子工学コース

電気回路

問題 1

(1) ブリッジの平衡条件の公式 $R_1R_3 = R_2R_X$ から、 $R_X = \frac{R_1R_3}{R_2}$

(2)

(a) $RAI_1 = R_YI_2 + R_CI_3$

(b) $RB I_1 = R_F I_2 + R_D I_3$

(c) $I_3 = \frac{R_E}{R_C + R_D + R_E} I_2$

(d) (c) の式を (a) と (b) の式に代入すると、

$$RAI_1 = \left(R_Y + \frac{R_C R_E}{R_C + R_D + R_E} \right) I_2 \quad \text{と} \quad RB I_1 = \left(R_F + \frac{R_D R_E}{R_C + R_D + R_E} \right) I_2 \quad \text{が得られる。}$$

両辺の比をとると $\frac{R_A}{R_B} = \frac{R_Y + \frac{R_C R_E}{R_C + R_D + R_E}}{R_F + \frac{R_D R_E}{R_C + R_D + R_E}}$ より

$$R_Y + \frac{R_C R_E}{R_C + R_D + R_E} = \frac{R_A}{R_B} \left(R_F + \frac{R_D R_E}{R_C + R_D + R_E} \right) \quad \text{よって}$$

$$R_Y = \frac{R_A}{R_B} \left(R_F + \frac{R_D R_E}{R_C + R_D + R_E} \right) - \frac{R_C R_E}{R_C + R_D + R_E} = \frac{R_A}{R_B} R_F + \frac{R_D R_E}{R_C + R_D + R_E} \left(\frac{R_A}{R_B} - \frac{R_C}{R_D} \right)$$

(e) 与えられた条件から

$$\frac{R_A}{R_B} - \frac{R_C}{R_D} = 0 \quad \text{が得られ、これを上式に代入すると}$$

$$R_Y = \frac{R_A}{R_B} R_F$$

2026 年度 大阪工業大学大学院工学研究科 電気電子・機械工学専攻
電気電子工学コース 第 1 回一般入学試験問題 電気回路
2025/7/5(土)

問題 2.

(1) $\dot{I}_{1L} = 10 - j10$ $\dot{I}_{1R} = -j10$ $\dot{I}_{1C} = 10$

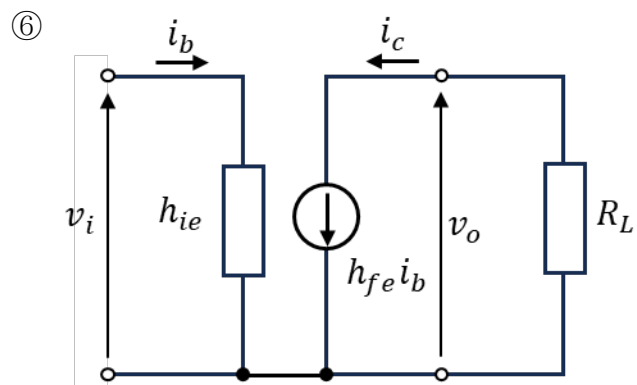
(2) $\dot{I}_{2C} = 5(1 - \sqrt{3}) + j5(1 + \sqrt{3})$ $\dot{I}_{2R} = -5\sqrt{3} + j5$ $\dot{I}_{2L} = 5 + j5\sqrt{3}$

(3) $\dot{I}_R = -5\sqrt{3} - j5$ $P = 100W$

2026年度 第1回一般入学試験 解答 (電子回路)
 工学研究科 電気電子・機械工学専攻 電気電子工学コース

問題 1.

- ① $n p n$
- ② $\frac{V_T}{I_B}$
- ③ 2.6×10^3
- ④ 2.0
- ⑤ 4.6



- ⑦ $\frac{h_{fe} R_L}{h_{ie}}$
- ⑧ $A_v h_{fe}$
- ⑨ $20 \log_{10} A_v$
- ⑩ dB

2026 年度 大阪工業大学大学院工学研究科 電気電子工学専攻
第 1 回一般入学試験解答 (電子回路)

【問 2】

(1) NOR

X	Y	X+Y	AND Z	OR Z	NAND Z	NOR Z
0	0	0	0	1	1	1
0	1	1	1	0	0	1
1	0	1	0	1	1	0
1	1	1	0	1	0	0

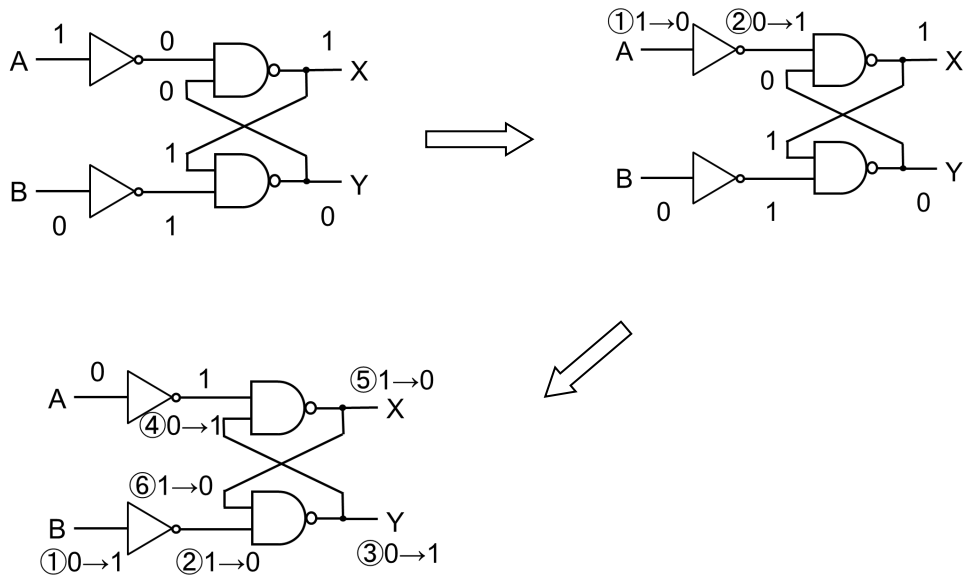
(2)

$$Z = \overline{A}C + C\overline{D} + \overline{B}D$$

AB \ CD	00	01	11	10
00	1			1
01				1
11	1	1		1
10	1	1		1

$\overline{A}C$ $C\overline{D}$ $\overline{B}D$

(3) 回路は RS フリップフロップになるので、A=0、B=1 では、X=0、Y=1 となる。



問題 1.

(1) 逆行列の定義から、 $(AB)^{-1}AB = AB(AB)^{-1} = I$ が成立することを示せばよい。

$$(AB)^{-1}AB = B^{-1}A^{-1}AB = B^{-1} \cdot I \cdot B = B^{-1}B = I$$

$$AB(AB)^{-1} = ABB^{-1}A^{-1} = A^{-1} \cdot I \cdot A = A^{-1}A = I$$

よって、 $(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$ が成立する。

$$(2) \begin{bmatrix} I & 0 \\ DA^{-1} & I \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A & 0 \\ 0 & B - DA^{-1}C \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I & A^{-1}C \\ 0 & I \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & 0 \\ D & B - DA^{-1}C \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I & A^{-1}C \\ 0 & I \end{bmatrix} \\ = \begin{bmatrix} A & C \\ D & DA^{-1}C + B - DA^{-1}C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & C \\ D & B \end{bmatrix}$$

(3) $\begin{bmatrix} A & C \\ 0 & B \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} A^{-1} & -A^{-1}CB^{-1} \\ 0 & B^{-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A^{-1} & -A^{-1}CB^{-1} \\ 0 & B^{-1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A & C \\ 0 & B \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} I & 0 \\ 0 & I \end{bmatrix}$ を示せばよい。

$$\begin{bmatrix} A & C \\ 0 & B \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} A^{-1} & -A^{-1}CB^{-1} \\ 0 & B^{-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} AA^{-1} & -AA^{-1}CB^{-1} + CB^{-1} \\ 0 & BB^{-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I & -CB^{-1} + CB^{-1} \\ 0 & I \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I & 0 \\ 0 & I \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} A^{-1} & -A^{-1}CB^{-1} \\ 0 & B^{-1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A & C \\ 0 & B \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} A^{-1}A & A^{-1}C - A^{-1}CB^{-1}B \\ 0 & B^{-1}B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I & A^{-1}C - A^{-1}C \\ 0 & I \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I & 0 \\ 0 & I \end{bmatrix}$$

よって、 $\begin{bmatrix} A & C \\ 0 & B \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} A^{-1} & -A^{-1}CB^{-1} \\ 0 & B^{-1} \end{bmatrix}$ が成立する。

(4) (3)から $\begin{bmatrix} I & A^{-1}C \\ 0 & I \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} I & -A^{-1}C \\ 0 & I \end{bmatrix}$, $\begin{bmatrix} I & 0 \\ DA^{-1} & I \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} I & 0 \\ -DA^{-1} & I \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} A & 0 \\ 0 & B - DA^{-1}C \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} A^{-1} & 0 \\ 0 & (B - DA^{-1}C)^{-1} \end{bmatrix}$$

(5) (2)から $\begin{bmatrix} A & C \\ D & B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_m & 0 \\ DA^{-1} & I_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A & 0 \\ 0 & B - DA^{-1}C \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_m & A^{-1}C \\ 0 & I_n \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} A & C \\ D & B \end{bmatrix}^{-1} = \left(\begin{bmatrix} I_m & 0 \\ DA^{-1} & I_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A & 0 \\ 0 & B - DA^{-1}C \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_m & A^{-1}C \\ 0 & I_n \end{bmatrix} \right)^{-1} \\ = \begin{bmatrix} I_m & A^{-1}C \\ 0 & I_n \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} A & 0 \\ 0 & B - DA^{-1}C \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} I_m & 0 \\ DA^{-1} & I_n \end{bmatrix}^{-1} \\ = \begin{bmatrix} I & -A^{-1}C \\ 0 & I \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A^{-1} & 0 \\ 0 & (B - DA^{-1}C)^{-1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I & 0 \\ -DA^{-1} & I \end{bmatrix} \\ = \begin{bmatrix} A^{-1} - A^{-1}C(B - DA^{-1}C)^{-1}DA^{-1} & -A^{-1}C(B - DA^{-1}C)^{-1} \\ -(B - DA^{-1}C)^{-1}DA^{-1} & (B - DA^{-1}C)^{-1} \end{bmatrix}$$

受験番号 _____

【注意】問題1. と問題2. は各々、別の解答用紙に解答すること。
 名前は記入しないこと。記入すると失格になります。

問題2

(1)

$$\begin{aligned} \frac{\partial E_x(x, y, z)}{\partial y} &= \frac{\partial}{\partial y} \left(\frac{x}{(x^2 + y^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}} \right) = y(2x) \left(-\frac{3}{2} \right) (x^2 + y^2 + z^2)^{-\frac{5}{2}} \\ &= -\frac{3xy}{(x^2 + y^2 + z^2)^{\frac{5}{2}}} \end{aligned}$$

(2)

$$\begin{aligned} \nabla \times E &= \begin{bmatrix} \frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} \\ \frac{\partial E_x}{\partial z} - \frac{\partial E_z}{\partial x} \\ \frac{\partial E_y}{\partial x} - \frac{\partial E_x}{\partial y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{3yz}{(x^2+y^2+z^2)^{\frac{5}{2}}} + \frac{3yz}{(x^2+y^2+z^2)^{\frac{5}{2}}} \\ -\frac{3zx}{(x^2+y^2+z^2)^{\frac{5}{2}}} + \frac{3zx}{(x^2+y^2+z^2)^{\frac{5}{2}}} \\ -\frac{3xy}{(x^2+y^2+z^2)^{\frac{5}{2}}} + \frac{3xy}{(x^2+y^2+z^2)^{\frac{5}{2}}} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} (= 0) \end{aligned}$$

(3) ストークスの定理と (2) の結果を用いると、

$$\begin{aligned} \int_C E \cdot dr &= \int_S (\nabla \times E) \cdot ndS = \int_S (\nabla \times E) \cdot ndS \\ &= \int_0^{\frac{\pi}{2}} \int_1^2 \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} r dr d\theta = 0 \end{aligned}$$

(4) 経路 C_1 上では、 $1 \leq x \leq 2$ に対して、 $E_x(x, 0, 0) = \frac{1}{x^2}$, $E_y(x, 0, 0) = E_z(x, 0, 0) = 0$ だから、

$$\int_{C_1} E \cdot dr = \int_1^2 \frac{dx}{x^2} = \left[-\frac{1}{x} \right]_1^2 = \frac{1}{2}$$