# 中間質量ブラックホールからの重力波

#### 理化学研究所 真貝寿明

hshinkai@riken.jp

in collaboration with

- 理化学研究所 戎崎俊一
- 東工大地惑D2/理研 松林達史

### OUTLINE

- 中間質量ブラックホールの発見と,大質量ブラックホールの形成シナリオ
- 中間質量ブラックホールからの重力波
   [M. Coleman Miller, ApJ 581, 438 (2002)]
- 大質量ブラックホールの形成プロセスを決める重力波

第2回 DECIGO 検討会, @国立天文台, 2003年5月12日

中間質量ブラックホール (Intermediate-mass BH, IMBH) の発見

● 近年まで,見つかっていた BH の質量は,両極端のものだった.

stellar mass BHs  $1 \sim 10 M_{\odot}$  銀河系内全体に分布 super-massive BHs (SMBHs)  $10^6 \sim 10^9 M_{\odot}$  銀河の中心

● しかし最近, starburst galaxy M82 において,

 (1)「Chandra」X線観測 Matsumoto et al ApJ 547 (2001) L25 銀河中心から 200pc離れている所 明るさから M<sub>BH</sub> ≥ 700M<sub>☉</sub>
 (2)「すばる」赤外線観測 Iwamuro et al
 9個の明るい点源の存在を発見 銀河中心から 200pc離れている所 明るさから M<sub>BH</sub> ≥ 700M<sub>☉</sub>
 多くの星団候補を発見 X線源の多くは星団候補と重なる

したがって、

Intermediate-mass BHs (IMBHs)  $\sim 10^3 M_{\odot}$  球状星団中



"すばる"望遠鏡に取り付けた微光天体分光撮像装置FOCASで得られた おおぐま座の不規則銀河M82の写真(国立天文台提供)。スターバスト現象 に伴う大量の超新星爆発によって高温に電離されたガスが、銀河から放出 されている(写真の赤い部分)

アメリカのX線天文衛星"チャンドラ"を用いて共同研究チームが撮影した M82の中心領域(左図の四角で囲まれた領域)のX線写真。最も明るく光って いるX線星が、今回、新たに発見した中質量ブラックホールである。矢印は 同時に発見したやや小型のブラックホールを示している。M82の中心はX線 で非常に暗いこと、中質量ブラックホールはM82の中心から外れていること に注意。M82の中心から中質量ブラックホールまでの距離は約500光年である。

図1:爆発的星形成銀河M82の可視光画像とX線画像



アメリカのX線天文衛星"チャンドラ"を用いて共同研究チームが撮影した M82の中心領域(図4左の四角で囲まれた領域)のX線写真(提供:京都大学 ・鶴助教授)。最も明るく光っているX線星が、今回、新たに発見した中質量 ブラックホールである。矢印は同時に発見したやや小型のブラックホールを 示している。M82の中心はX線で非常に暗いこと、中質量ブラックホールは M82の中心から外れていることに注意。M82の中心から中質量ブラックホール までの距離は約500光年である。

"すばる"望遠鏡とCISCO観測装置を用いて共同研究チームが撮影した M82の赤外線写真(提供:京都大学・岩室史英助手)。十字は、この観測に よって検出された星団を示している。この観測により中質量ブラックホール が存在していると考えられる星団が検出された。

図2:中質量ブラックホールが星団に属していることがわかった

巨大ブラックホール (Super-massive BH) 形成シナリオへの足がかり .... か?

● 70年代より,2つのSMBH形成シナリオ. [Rees, 1978]

- (1) 巨大分子雲の収縮 重力不安定により,一気にSMBHをつくる
- (2) 星どうしの合体 密度の高い星団が形成,それらが進化してSMBHへ
- どちらのシナリオも問題点を抱えていた。
  - (1) 一般に困難.途中で円盤状になって分裂
     初期にガス雲が球対称かつ角運動量ゼロならOK
     (2) 初期条件として大質量でコンパクトな星団必要
- が,若くて密な星団の存在と IMBHs の発見により, (2)の現実性が高まった.

"Missing link found?"

Ebisuzaki, Makino, Tsuru, Funato, Portegies Zwart, Hut, McMillan, Matsushita, Matsumoto, & Kawabe, ApJ 562 (2001) L19



Possible modes of formation of a massive black hole in a galactic nucleus.



図5:高密度星団における中質量ブラックホール

図6:銀河中心における巨大ブラックホール形成



#### (脱明図2)



Is a Missing Link Really Found? —

シナリオの検証

- 1. IMBHs は,本当にできるのか?
  - 星団内でIMBHs ができるためには,個々の大質量星が新星爆発してしまう前に合体 (core collapse) する必要がある.
  - 銀河は,重力散乱による緩和時間が宇宙年齢よりも長いため,当初,IMBHs 形成 は疑問視されていた.

#### しかし、最近の数値シミュレーションにより、

- ― 緩和される前に,力学的摩擦が効いて,大きな星ほど頻繁に衝突を起こし,最後は merging instability / runaway growth となる. ~ 200M<sub>☉</sub>の星へ成長 (Portegies Zwart-Makino-McMillan-Hut, AA, 348 (1999) 117)
   (Portegies Zwart-McMillan, ApJ, 576 (2002) 899)
- $-30 \sim 50 M_{\odot}$ のBHがあれば 飛散せず,3体遭遇効果によって IMBHへ成長 (Miller-Hamilton, MNRAS, 330, 232 (2002))
- $-50 M_{\odot}$ のBHが  $10^5 M_{\odot}$ のcluster中にあると,  $10^3 M_{\odot}$ まで直ちに成長 (Marchant-Shapiro, ApJ, 239, 685 (1980))

2. 星団は銀河中心へ沈降していくことができるのか?

銀河の中心領域では,潮汐力によって星団は壊れやすくなる.また,星団内の超 新星爆発による質量損失もある.

- 質量損失モデルに依存するが,現実的なモデルでは星団は力学的摩擦によって銀 河中心へ沈降.M82モデルで,中心から 200 pcの星団は 10<sup>8</sup> yr (松林,修論2002)
- 3. IMBHs の合体によって SMBH は形成されるのか?

銀河の中心に集まった IMBHs の合体は,重力波放出に依る.そのためには, IMBHs どうしが十分に接近・密集しなければならない。

考慮すべき要素は、

- 熱力学的緩和や星の輻射による「蒸発効果」
- ●「3体散乱」によって「弾き飛ばされる or 2体の合体が早くなる」
- 合体するものの数が減ることによる「Loss cone 効果」
- ●「 力学的 摩擦」 による 軌道の decay
- ●「重力波放出」による合体

多くは不明のままで,将来の数値シミュレーションを待たなければならない.

Gravitational Radiation from IMBHs

M. Coleman Miller, ApJ 581, 438 (2002)

● Dense Stellar Clusters からの重力波は, LISA/advanced LIGO に, 有望な重力波源.

(1)	$10^3 M_\odot$ plus $M_\odot$	$inspiral^*$	数~数十 / yr	at LIGO 2	(要spin依存性調査)
		merger	数 / 10 yr	at LIGO 2	(要spin依存性調査)
(2)	$M_\odot$ plus $M_\odot$	merger	数	at LIGO 2	
(1)+(2)			数十 / 5 yr	at LISA	(銀河近傍の球状星団から)

\* inspiral

- 質量比や軌道の離心率依存性は、 $[merger timeが長い(>10^6 yr))$ から」と切り捨て.
- 離心率は熱分布,合体までの時間はPoisson分布を仮定.
- 重力波源がIMBHであれば, Virgo clusterまで確実にS/Nが5-10以上.
- ・近日点移動, Lense-Thirring効果(回転体が引き起こす慣性系のひきずりによる軌道面の変化),
   orbital freq.の変化の3つを長期間(10年)追えば, Virgo clusterまでの距離を重力波のみで特定可能.

   あるいはopticalな距離測定と組み合わせれば,これらの測定精度が向上.

#### \* merger

- Flanagan-Hughes 1998 (PRD 57,4535/4566)の公式を使用.
- 検出効率,球状星団の数密度  $n_{GC}$ ,質量MのBHに合体する小天体の率 $\nu(M)$ ,星団内のBHの質量分布関数 f(M)を仮定.

# 不確定な要素

- dense cluster 内のBHの数?  $\sim 10 M_{\odot}$  or  $\sim 10^{2-4} M_{\odot}$ ? 初期にいくつBHが作られたのかが問題
- BHがclusterから失われてしまうプロセスはいくつもある. しかし,大丈夫だろう.
  - -SN?
  - 3体recoil効果? binary-binary相互作用?
  - 合体によるrecoil?

#### IMBHを持つ星団の割合?

中心密度が  $\sim 10^5 \text{ pc}^{-3}$  以上である clustersならOK (Miller & Hamilton, 2002) 我々の銀河のglobular systemに当てはめると, 40% のもの(Pryor & Meylan 1993).

# 理論的な課題として

- BH merger後のrecoil speedを強い重力の場合,いろいろなmass比やスピンで確かめること
- mass比の大きいときの3体相互作用の数値的解明を行い, IMBHができるかどうかを確かめること.
- binary-binary encounters や Kozai resonanceの, 詳しい数値解析を行うこと.

# Gravitational Radiation from IMBH-IMBH binary

### HS, Ebisuzaki, Matsubayashi

Inspiral phase \_\_\_\_\_

- Suppose 2 BHs  $(M_1, M_2)$  form a binary with a circular orbit of radius a. We use  $R_{grav} = G\mu/c^2$ ,  $\mu = M_1M_2/(M_1 + M_2)$ .
- the time to coalesce  $t_{coal}$

$$t_{coal} \sim 1.55 \times 10^{-3} \left(\frac{a}{R_{grav}}\right)^4 \left(\frac{\mu}{10^3 M_{\odot}}\right)^4 \left(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_1}\right) \left(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_2}\right) \left(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_1 + M_2}\right) \, \sec(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_2}) \, \left(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_1 + M_2}\right) \, \sec(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_2}) \, \left(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_1 + M_2}\right) \, \exp(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_2}) \, \left(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_1 + M_2}\right) \, \exp(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_1 + M_2}) \, \exp(\frac{10^3 M_{\odot}}{M_2}) \, \exp(\frac{$$

• typical frequency

$$f_{insp} = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{G(M_1 + M_2)}{a^3}} \sim 22.7 \left(\frac{a}{R_{grav}}\right)^{-3/2} \left(\frac{\mu}{10^3 M_{\odot}}\right)^{-3/2} \left(\frac{M_1 + M_2}{10^3 M_{\odot}}\right)^{1/2} \text{ Hz}$$

• dimensionless amplitude

$$h_{insp} \approx \frac{2}{aR} \frac{GM_1}{c^2} \frac{GM_2}{c^2} \quad \text{where we used the distance} \quad R = \frac{z}{1+z} \frac{c}{H_0},$$
  
$$\sim 1.2 \times 10^{-20} \left(\frac{1+z}{z}\right) \left(\frac{H_0}{72 \text{km s}^{-1} \text{Mpc}^{-1}}\right) \left(\frac{R_{grav}}{a}\right) \left(\frac{10^3 M_{\odot}}{\mu}\right) \left(\frac{M_1}{10^3 M_{\odot}}\right) \left(\frac{M_2}{10^3 M_{\odot}}\right)$$

## Merger phase \_\_\_\_\_

• dominant quasi-normal frequency  $f_{QNM}$  of a merged black hole (of mass M)

$$f_{QNM} \approx \frac{\ell c^3}{\sqrt{27}GM} \sim 0.78 \times 10^2 \left(\frac{10^3 M_{\odot}}{M}\right) \text{ Hz}$$

• dimensionless amplitude  $h_{coal}$ 

$$h_{coal} \approx 3.7 \times 10^{-21} \left(\frac{\epsilon}{0.01}\right)^{1/2} \left(\frac{1+z}{z}\right) \left(\frac{H_0}{72 \mathrm{km} \mathrm{s}^{-1} \mathrm{Mpc}^{-1}}\right) \left(\frac{M}{10^3 M_{\odot}}\right)$$

We applied the estimation from the energy balance eq. by Thorn-Braginsky (ApJ, 204, L4 (1976))

$$\epsilon M c^2 = \left(\frac{c^3 h_{coal}^2}{8\pi G \tau^2}\right) (4\pi R^2) \tau (1+z),$$

where  $\tau$  is the redshifted burst time scale,

$$\tau \sim \sqrt{27}(1+z)\frac{GM}{c^3}\,,$$

and  $\epsilon$  is the efficiency.

#### Expected Gravitational Radiation Bursts from Merging IMBHs



Expected gravitational radiation bursts from merging IMBHs. The dots and squares are the amplitude  $(f_{insp}, h_{insp})$  for different mass combinations. The dots are for equal mass binaries of the range  $(M_1, M_2) =$  $(10M_{\odot}, 10M_{\odot}) \cdots (10^{6}M_{\odot}, 10^{6}M_{\odot})$  (as supposed to the cases of hierarchical growth model), while the squares are fixing one component to be  $100M_{\odot}$  BH,  $(M_1, M_2) =$  $(100M_{\odot}, 100M_{\odot}) \cdots (10^{6}M_{\odot}, 100M_{\odot})$  (as supposed to the cases of monopolical growth model). Plots are of a = 50, 10 and 5, respectively for each cases, and evolve as the arrows indicate. Triangles are  $(f_{QNM}, h_{coal})$ of  $M = 20, 200, \dots, 2 \ 10^6 M_{\odot}$ . Lines are the sensitibity of the future detectors; LISA, DECIGO, LIGO 2, and LCGT, taken from Fig. 1 in Seto et al. (2001). The data are evaluated at the distance R = 1 Gpc and  $H_0 = 72 \text{km s}^{-1} \text{Mpc}^{-1}$ .



# Hierarchical growth model

Monopolistic growth model

#### Hierarchical growth vs Monopolistic (or runaway) growth



Event numbers of mergers starting with a thousand of  $10^3 M_{\odot}$  IMBHs. The solid line is the hierarchical growth model, that is each two equal-mass IMBHs merge together simultaneously. The dotted line is the monopolistic growth model, that is one single BH eats all other  $10^3 M_{\odot}$  IMBHs and grows itself. Ringdown frequency  $f_{QNM}$ , is used for the plot. The arrows indicate a plausible evolution behavior.

#### Merging event rate

• Merger event rate  $\nu$ 

$$\nu \approx (12 \sim 37) \left( \frac{n_{el}}{3 \times 10^{-3} \mathrm{Mpc}^{-3}} \right) \left( \frac{N}{10^3} \right) \left( \frac{H_0}{72 \mathrm{km \ s}^{-1} \mathrm{Mpc}^{-1}} \right) \quad \mathrm{yr}^{-1}$$

where  $n_{el}$  is the number density of the elliptical galaxies.

• If we include spiral galaxies, events may become 3-5 times more.

We applied the estimation by Fukushige-Ebisuzaki-Makino, ApJ, 396, L61 (1992). Burst frequency is

$$\nu = \int_0^{H_0/c} 4\pi R^2 N_m(R) \, dR \qquad \text{yr}^{-1}$$

where R is the distance to the burst source,  $N_m(R)$  is the frequency of merging (Mpc<sup>-3</sup>), and consider two limiting cases

$$N_m(R) = c n_{el} N \delta(R - R_{z=2.5}) \tag{1}$$

$$N_m(R) = \begin{cases} \frac{c n_{el} N}{R_{z=2.5}} & (R \le R_{z=2.5}) \\ 0 & (R > R_{z=2.5}) \end{cases}$$
(2)

# まとめ

# 中間質量ブラックホール IMBHs $(100M_{\odot} < M < 10^{6}M_{\odot})$ からの重力波

- ●銀河中心に存在することがわかっている大質量ブラックホールの,形成シナリオとして,「star clusters からのrunaway growth」の説を裏付ける有力な証拠
  - 存在するのだから,それを作るシナリオが必要だ(ほぼconfirm)
  - その後の振る舞いを考えることが重要(そういう研究はまだない)
- 成長するシナリオによれば,どんどん合体するはず.重力波も出るだろう.

 $f = 10 \sim 10^{-2} \mathrm{Hz}$ 

すべての楕円銀河で 10<sup>3</sup> 回の衝突があるならば,年間 数十 events 渦巻き銀河まで含めれば,その数倍

- 大質量ブラックホール形成までのプロセスは不明だが、極端な2つのモデル (Hierarchical growth / Monopolistic growth) を考えると、ブラックホール質量を固定したときの 重力波イベント頻度が異なるので、合体時の周波数統計をとることで、大質量ブラックホール形成のモデルを決めることができる。
- そのための有力な観測手段は、 / LISAよりDECIGOである /.... めでたしめでたし