

「徹底攻略 微分積分」(共立出版, 2009) の訂正

2013.7.22 真貝寿明

初版1刷 (2009/4/10) について, たいへん申し訳ありませんが, 次の訂正・修正があります.
このお知らせは, <http://www.is.oit.ac.jp/~shinkai/book/> にて更新しています.

場所	誤	正
見開き 右	$\log(1+x) = x - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} - \frac{x^4}{4!} + \dots$	$\log(1+x) = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \dots$
p7 逆関数 2 行目	(1 対 1 対応)	削除
p7 逆関数の図の上	例: $y = x^2$ の逆関数は, $x = \pm\sqrt{y}$ より, x と y を入れ替えて, $y = \pm\sqrt{x}$.	例: $y = x^2$ の逆関数は, $x = \pm\sqrt{y}$ より, $x \geq 0$ の領域ならば, x と y を入れ替えて, $y = +\sqrt{x}$.
p13 下のグラフ	y 軸の目盛 上から a^2, a, a^{-1}	y 軸の目盛 上から a^{-2}, a^{-1}, a
p14 下のグラフ	x 軸の目盛 左から a^{-1}, a, a^2	x 軸の目盛 左から a, a^{-1}, a^{-2}
p18 (0.2.41)	$\pi = 3.141592653589893$	$\pi = 3.141592653589793$
p19 上から 8 行目	定義域 $-\infty < \theta < \infty$, 値域 $-1 \leq \theta \leq 1$.	定義域 $-\infty < x < \infty$, 値域 $-1 \leq y \leq 1$.
p24 中央のグラフ	y 軸の上の目盛 $\pi/2$	y 軸の上の目盛 π
p32 下から 4 行目	$(x+y)^4 = x^4 + 4x^3y + \dots$	$(x+y)^4 = x^4 + 4x^3y + \dots$
p39 下から 2 行目	$rS_n - S_n =$	$S_n - rS_n =$
p40 中央 例 4 つ目	数列 $a_n = \sin(n\pi/2)$ 0, 1, 0, -1, ...	数列 $a_n = \sin(n\pi/2)$ 1, 0, -1, 0, ...
p47 例題 1.9	解答 3 行目 $V_k = (k/n)^2 \pi \times (k/n) = (k/n)^3 \pi$ 解答最後 $V_k = \dots = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\pi}{n^3} \sum_{k=1}^n k^3 = \dots$	$V_k = (k/n)^2 \pi \times (1/n) = (k^2/n^3) \pi$ $V_k = \dots = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\pi}{n^3} \sum_{k=1}^n k^2 = \dots$
p52 公式 1.20	α を任意の正の定数として,	α を任意の実数として,
p52 公式 1.22	α を任意の定数として,	α を任意の正の実数として,
p71 例題 2.11(1) 解答	$y' = (e^x)' \sin x + e^x (\sin x)'$ $= e^x (\sin x - \cos x)$ $y'' = (e^x)' (\sin x - \cos x) + e^x (\sin x - \cos x)'$ $= e^x (\sin x - \cos x) + e^x (\cos x + \sin x)$ $= 2e^x \sin x$	$y' = (e^x)' \sin x + e^x (\sin x)'$ $= e^x (\sin x + \cos x)$ $y'' = (e^x)' (\sin x + \cos x) + e^x (\sin x + \cos x)'$ $= e^x (\sin x + \cos x) + e^x (\cos x - \sin x)$ $= 2e^x \cos x$
p76 グラフを描く手順 7.	$\lim_{x \rightarrow a \pm 0} \{f(x) - (ax + b)\} = 0$ のとき	$\lim_{x \rightarrow \infty} \{f(x) - (ax + b)\} = 0$ のとき
p79 例題 2.24 証明 7 行目	$F''(0) = 0$ であるから, $F'''(0) > 0$ であれば,	$F''(0) = 0$ であるから, $F^{(3)}(x) > 0$ であれば,
p82,83 人名	L'Hospital	L'Hopital
p90 下から 2 行目	$ x \leq r$ のときに $\lim_{n \rightarrow \infty} R_n(x) = 0$ となり,	$ x < r$ のときに $\lim_{n \rightarrow \infty} R_n(x) = 0$ となり,
p93 (2.5.48)	$\log(1+x) = (\text{中略}) = x - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} - \frac{x^4}{4!} + \dots$	$\log(1+x) = (\text{中略}) = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \dots$
p99 定義 2.37	$\sin(x+iy) =, \cos(x+iy) =$ の式	右辺に i を加え, 表記を変更します. $\sin(x+iy) = \sin x \cosh y + i \cos x \sinh y$ $\cos(x+iy) = \cos x \cosh y - i \sin x \sinh y$
p99 (2.6.58) の次	実数の範囲で値が対応していることを	複素数の範囲で値が対応していることを
p100 中央付近	$\tan x = \frac{\cos x}{\sin x}$	$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$
p100 中央下	$\log(1+z) = z - \frac{z^2}{2!} + \frac{z^3}{3!} - \frac{z^4}{4!} + \dots$	$\log(1+z) = z - \frac{z^2}{2} + \frac{z^3}{3} - \frac{z^4}{4} + \dots$
p100 中央下	$\log(1-z) = -z - \frac{z^2}{2!} - \frac{z^3}{3!} - \frac{z^4}{4!} - \dots \quad (-1 < z \leq 1)$	$\log(1-z) = -z - \frac{z^2}{2} - \frac{z^3}{3} - \frac{z^4}{4} - \dots \quad (-1 \leq z < 1)$
p114 定理 3.12	ここで, α, β は, $\alpha = g(a), \beta = g(b)$ である.	ここで, $a = g(\alpha), b = g(\beta)$ である.
p115 例題 3.6		右欄 2 つの表, 上下入れ替え
p115 例題 3.6 (3)	最後の行の定積分の範囲 $[\quad]_1^4$	$[\quad]_0^3$
p116 公式 3.14 の上 2 行目	$\int x \cos x dx = \int \left(\frac{x^2}{2}\right)' \sin x dx = \frac{x^2}{2} \sin x - \int \frac{x^2}{2} (-\cos x) dx$	$\int x \cos x dx = \int \left(\frac{x^2}{2}\right)' \cos x dx = \frac{x^2}{2} \cos x - \int \frac{x^2}{2} (-\sin x) dx$
p121 4-5 行目	$= \dots = -\sin^2 x \cos x + 2 \cos x - 2I_3$ これより, $I_3 = -\frac{1}{3} \sin^2 x \cos x + \frac{2}{3} \cos x + C_6$ となる.	$= \dots = -\sin^2 x \cos x - 2 \cos x - 2I_3$ これより, $I_3 = -\frac{1}{3} \sin^2 x \cos x - \frac{2}{3} \cos x + C_6$ となる.
p121 最後 2 行 (J_4)	$= \frac{1}{4} \cos^4 x \sin x + \frac{3}{8} \cos x \sin x + \frac{3}{8} x + C$ $= \frac{1}{32} \sin 4x + \frac{1}{4} \sin 2x + \frac{3}{8} x + C$	$= \frac{1}{4} \cos^3 x \sin x + \frac{3}{8} \cos x \sin x + \frac{3}{8} x + C$ $= -\frac{1}{32} \sin 4x + \frac{1}{4} \sin 2x + \frac{3}{8} x + C$
p124 定義 3.19 直前	$x \geq 0$ とした定積分	$x > 0$ とした定積分
p131 3.1 傍注	$S_n - \log n$ は Euler の定数と呼ばれ,	$\lim_{n \rightarrow \infty} (S_n - \log n)$ は Euler の定数と呼ばれ,

場所	誤	正
p151 問題 5.2 (1)	$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{\sin(x^2+y^2)}{x^2+y^2}$ の極限を求めよ.	$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{\sin(x^2+y^2)}{\sqrt{x^2+y^2}}$ の極限を求めよ.
p155 例題 5.9 解答	$z_x = \frac{2x}{(x^2+y^2)^2}, z_y = \frac{2y}{(x^2+y^2)^2}$ より, $dz = \frac{2}{(x^2+y^2)^2}(xdx+ydy)$.	$z_x = \frac{-2x}{(x^2+y^2)^2}, z_y = \frac{-2y}{(x^2+y^2)^2}$ より, $dz = \frac{-2}{(x^2+y^2)^2}(xdx+ydy)$.
p156 傍注の式	$\frac{dz}{dt} = \frac{\partial z}{\partial x} \frac{dx}{dt} + \frac{\partial z}{\partial y} \frac{dy}{dt}$	$\frac{dz}{dt} = \frac{\partial z}{\partial x} \frac{dx}{dt} + \frac{\partial z}{\partial y} \frac{dy}{dt}$
p156 傍注の式	$\frac{\partial u}{\partial z} = \frac{\partial x}{\partial z} \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial y}{\partial z} \frac{\partial u}{\partial y}$ $\frac{\partial u}{\partial v} = \frac{\partial x}{\partial v} \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial y}{\partial v} \frac{\partial u}{\partial y}$	$\frac{\partial u}{\partial z} = \frac{\partial x}{\partial z} \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial y}{\partial z} \frac{\partial u}{\partial y}$ $\frac{\partial u}{\partial v} = \frac{\partial x}{\partial v} \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial y}{\partial v} \frac{\partial u}{\partial y}$
p161 最後 2 行	右辺第 2 項 (2 行とも) $\frac{1}{r^2 \sin \theta} \frac{\partial u}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial u}{\partial \theta} \right)$	$\frac{1}{r^2 \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial u}{\partial \theta} \right)$
p166 (5.3.32) 直前	$f_{xx} + f_{xy}y' + f_{yy}y'' = 0$ となることより $y'' = -\frac{f_{xx} + f_{xy}y'}{f_y}$ (5.3.32)	$f_{xx} + 2f_{xy}y' + f_{yy}(y')^2 + f_{yy}y'' = 0$ となることより $y'' = -\frac{f_{xx} + 2f_{xy}y' + f_{yy}(y')^2}{f_y}$ (5.3.32)
p174 下から 2 行目	いちばん右の式 $= \int_0^1 e^x(-1+e^x) dx$	$= \int_0^1 (-1+e^x) dx$
p202 (6.8.41)	$\begin{pmatrix} a_r \\ a_\theta \end{pmatrix} = \dots = \begin{pmatrix} \ddot{r} - r\dot{\varphi}^2 \\ \dot{r}\dot{\varphi} + r\ddot{\varphi} \end{pmatrix} =$	$\begin{pmatrix} a_r \\ a_\varphi \end{pmatrix} = \dots = \begin{pmatrix} \ddot{r} - r\dot{\varphi}^2 \\ 2\dot{r}\dot{\varphi} + r\ddot{\varphi} \end{pmatrix} =$
p206 0.1	(4) 偽 ($a < 1$ のときは成立しない) (5) 偽	(4) 偽 ($a = 0$ のときは成立しない) (5) 真
p207 0.7	時刻 t [時] のときの水位 y は, $y = 2.5 + 1.5 \cos\left(2\pi \frac{t}{24}\right)$. 午後 4 時 30 分のときは, $t = 16.5$ を代入して, $y = 2.5 + 1.5 \cos\left(2\pi \frac{16.5}{24}\right) = 1.926 \dots \text{m}$.	時刻 t [時] のときの水位 y は, $y = 2.5 + 1.5 \cos\left(2\pi \frac{t}{12}\right)$. 午後 4 時 30 分のときは, $t = 16.5$ を代入して, $y = 2.5 + 1.5 \cos\left(2\pi \frac{16.5}{12}\right) = 1.796 \dots \text{m}$.
p209 問題 1.15	$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1}{h} \left\{ -2 \sin \frac{x+h+x}{2} \cos \frac{x+h-x}{2} \right\}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1}{h} \left\{ -2 \sin \left(x + \frac{h}{2}\right) \cos \frac{h}{2} \right\}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \sin \left(x + \frac{h}{2}\right) \left(-\frac{\cos(h/2)}{h/2} \right)$	$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1}{h} \left\{ -2 \sin \frac{x+h+x}{2} \sin \frac{x+h-x}{2} \right\}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1}{h} \left\{ -2 \sin \left(x + \frac{h}{2}\right) \sin \frac{h}{2} \right\}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \sin \left(x + \frac{h}{2}\right) \left(-\frac{\sin(h/2)}{h/2} \right)$
p210 問題 2.10(5)	$\frac{\sin x - x \cos x}{x^2}$	$\frac{-\sin x + x \cos x}{x^2}$
p211 問題 2.23	$S(\theta) = \frac{L}{2} \frac{\theta}{(\theta+2)^2}, S'(\theta) = \frac{L}{2} \frac{2-\theta}{(\theta+2)^3}$	$S(\theta) = \frac{L^2}{2} \frac{\theta}{(\theta+2)^2}, S'(\theta) = \frac{L^2}{2} \frac{2-\theta}{(\theta+2)^3}$
p215 問題 3.9(4)	3 行目 積分範囲がない記号 \int 最終行 $\pi - 1$	3 行目 $\int_0^{\pi/2}$ 最終行 $\pi - 2$
p215 問題 3.14, 2 行-4 行目	$\dots = \int \frac{2}{1-u^2} du$ $= \int \left(\frac{1}{1-u} - \frac{1}{1+u} \right) du$ $= \log \left \frac{1-u}{1+u} \right + C$ $= \log \left \frac{1-\tan(x/2)}{1+\tan(x/2)} \right + C$	$\dots = \int \frac{2}{1-u^2} du$ $= \int \left(\frac{1}{1-u} + \frac{1}{1+u} \right) du$ $= \log \left \frac{1+u}{1-u} \right + C$ $= \log \left \frac{1+\tan(x/2)}{1-\tan(x/2)} \right + C$
p215 問題 3.16, (2) 最終行	$2 \left[\theta - \frac{\sin 2\theta}{2} \right]_0^{\pi/6} = 2 \left(\frac{\pi}{6} - \frac{1}{4} \right) = \frac{\pi}{3} - \frac{1}{2}$	$2 \left[\theta + \frac{\sin 2\theta}{2} \right]_0^{\pi/6} = 2 \left(\frac{\pi}{6} + \frac{\sqrt{3}}{4} \right) = \frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{2}$
p217 3.8		5 行目の積分範囲 $[]_0^1$
p219 4.1(1)	最後の行 $= \frac{dt}{dx} \frac{d}{dt} \dots$	$= \frac{d\theta}{dx} \frac{d}{d\theta} \dots$
p219 問題 5.2(3)	解答差し替え	$x = r \cos \theta, y = r \sin \theta$ とおくと, 与式は, $r(\cos^3 \theta + 2 \sin^3 \theta)$ となる. $r \rightarrow 0$ の極限でこの式は 0 になり, 問題より $f(0,0) = 0$ であるから連続である.

場所	誤	正
p220 問題 5.6(1)	$f_{xy} = -60x^2 + 20y^3$	$f_{xy} = -60x^2y + 20y^3$
p220 問題 5.7(3)	解答差し替え	$z = (x^2 + y^2)^{-1/2}$ とすると, $z_x = -x(x^2 + y^2)^{-3/2}$, $z_{xx} = -(x^2 + y^2)^{-3/2} + 3x^2(x^2 + y^2)^{-5/2}$, $z_y = -y(x^2 + y^2)^{-3/2}$, $z_{yy} = -(x^2 + y^2)^{-3/2} + 3y^2(x^2 + y^2)^{-5/2}$ より, $\Delta z = z_{xx} + z_{yy} = \frac{1}{(x^2 + y^2)^{3/2}}$
p220 問題 5.8(3)	$f_x(1,0) = 2, f_y(1,0) = -2, f(1,0) = 3$ より, 接平面の方程式は $z = 2(x-1) - 2y + 3$, すな わち $z = 2x - 2y + 1$.	$f_x(1,0) = 2, f_y(1,0) = -2, f(1,0) = 5$ より, 接平面の方程式は $z = 2(x-1) - 2y + 5$, すな わち $z = 2x - 2y + 3$.
p220 問題 5.12(2)	$\frac{\partial z}{\partial u} = \dots = 2e^{xy}(4u^2v + u^2v + v^3)$	$\frac{\partial z}{\partial u} = \dots = 2e^{xy}(2u^2v + u^2v + v^3) =$ $2e^{2uv(u^2+v^2)}v(3u^2 + v^2)$
p220 問題 5.12(2)	$\frac{\partial z}{\partial v} = \dots = 2e^{xy}(4u^2v + u^2v + v^3)$	$\frac{\partial z}{\partial v} = \dots = 2e^{xy}(3u^2v + u^2v + v^3) =$ $2e^{2uv(u^2+v^2)}u(3v^2 + u^2)$
p221 問題 5.30(3)	最後 $\frac{27}{70}$	$-\frac{27}{70}$