

注 意	1. 右の欄を正確に記入すること。 2. 所属を○で閉めること。 3. 前記「1, 2」を守らない答案は採点されないことがある。	試験日 座席番号	部 属	情報科学部					学生番号 フリガナ 氏名
	ID			IC	IS	IM	IN		
	年次			1	2	3	4		

## 確率統計 中間テスト 第1回 (0セット) 解答例 <真夏>

- 1 3方向を a, b, c などとすると、AからBへは aaabbccccc などと経路を指定できる。  
 $UT = p^{a+b+c}$

$$\frac{9!}{3!3!3!} = 1680 \text{通り}.$$

- 2 1の位に「2」がくる並べ方は  $4! = 24$  通り  
 1の位に「4」 // // //   
 $UT = p^{a+b+c} = 48$  通り.

- 3 余事象を考える。すべての大学に不合格となる確率は  $(\frac{3}{4})^4$  である。

$$1 - (\frac{3}{4})^4 = \frac{4^4 - 3^4}{4^4} = \frac{256 - 81}{256} = \frac{175}{256} \quad (\sim 68.4\%)$$

- 4 サイコロ3コの目の出方を偶奇 ( $E/0$ ) で分けると、 $2^3 = 8$  通り。  
 分布表は次のようになる。

目の出方	確率	$P(A)$	$P(B)$
{EEE}	$\frac{1}{8}$	3000円	0円
{EEO}	$\frac{3}{8}$	2000円	2000円
{EOO}	$\frac{3}{8}$	1000円	2000円
{OOO}	$\frac{1}{8}$	0円	0円

これら  $P(A), P(B)$  の期待値  $E_A, E_B$  は

$$E_A = \frac{1}{8}(1 \times 3000 + 3 \times 2000 + 3 \times 1000) = 1500 \text{ 円}$$

$$E_B = \frac{3}{8} \times 2000 \times 2 = 1500 \text{ 円}.$$

どちらも同じ。

- 5 コイン3個が同時に正面となる確率は  $(\frac{1}{2})^3 = \frac{1}{8}$  である。裏となるのも同じ

$$UT = p^{a+b+c}$$

$$P_A = \frac{1}{4} + (\frac{3}{4})^3 \cdot \frac{1}{4} + (\frac{3}{4})^6 \cdot \frac{1}{4} + \dots = \frac{1}{4} \cdot \frac{1 - (\frac{3}{4})^{\infty}}{1 - (\frac{3}{4})^3} = \frac{1}{4} \cdot \frac{64}{64 - 27} = \frac{16}{37}$$

$$P_B = \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{4} + (\frac{3}{4})^4 \cdot \frac{1}{4} + (\frac{3}{4})^7 \cdot \frac{1}{4} + \dots = \frac{3}{4} P_A = \frac{12}{37}$$

$$P_C = \frac{3}{4} P_B = \frac{9}{37}$$

$$\therefore P_A < P_B + P_C.$$

ワクチン		
	A	B
発熱する	①	②
しない	③	④

求めた確率は、

$$P(\text{ワクチンA} | \text{発熱した})$$

$$= \frac{P(\text{ワクチンA} \cap \text{発熱})}{P(\text{発熱})} = \frac{\textcircled{1}}{\textcircled{1} + \textcircled{2} + \textcircled{3}} \quad \text{"ある。}$$

$$P(\textcircled{1}) = 0.60 \times 0.02 = 1.2\%$$

$$P(\textcircled{2}) = 0.30 \times 0.03 = 0.9\%$$

$$P(\textcircled{3}) = 0.10 \times 0.07 = \cancel{0.7} \quad \text{0.4\%}$$

$$UT = p^{a+b+c}$$

$$\frac{1.2}{1.2 + 0.9 + 0.4} = \frac{12}{25} = \cancel{\frac{6}{15}} \quad (\sim 54.5\%)$$

48%